

「単元まとめマップ」

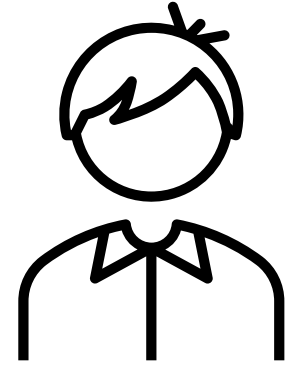
作成を通じて

主体的に学習に取り組む態度

を向上させる取組

単元学習後に

結局、何を学んだのか？
何ができるようになったのか？



と感じてしまう生徒がいたら…

「単元まとめマップ」を生徒自身が作成する
活動を行うことによって
学習内容の有用性を実感・**学びへの意欲**向上

単元の初回授業で**準備シート**（次ページ参照）を配付

生徒が各自で

毎回の授業後に補足を書き込み、

分類番号・**重要度**を判断し記入し、

矢印等で項目ごとの**関連性**をメモしていく

広い単元における現在位置・大きな流れについて毎時間確認できる

準備シートの例 (A4サイズ)

※**赤字**が記入する部分

数学B 統計的な推測 単元まとめマップ 準備シート

<毎回の授業後やること>

- ① 学習した内容の補足を記入していく
 - ② 内容の大きなまとまりごとにグループ名を分類する (例 1, 2, 3, ...)
 - ③ 内容の重要度を分類する (例 A, B, C, ...)
- ※ 必要であれば自分でまとめる事項を増やしても良い
- ※ 内容の繋がりを矢印等で結んだり、囲んだりして表しても良い

1 確率変数・確率分布の定義 グループ 1 重要度 A

確率変数：試行の結果によってその値が定まり、各値に対してその値をとる確率が定まるような変数

$P(X=a)$ ：確率変数 X が値 a をとる確率

X の確率分布 (「 X はこの分布に従う」という)

X	x_1	x_2	……	x_n	計
P	p_1	p_2	……	p_n	1

2 確率変数の期待値 グループ 1 重要度 B

$$E(X) = x_1 p_1 + x_2 p_2 + \dots + x_n p_n = \sum_{k=1}^n x_k p_k$$

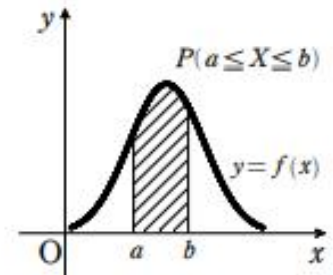
- 10 二項分布に従う確率変数の期待値、分散、標準偏差 グループ 2 重要度 B
- 確率変数 X が二項分布 $B(n, p)$ に従うとき
- 期待値 $E(X) = np$ 分散 $V(X) = npq$ ($q=1-p$) ← **独立であることを利用**
- 標準偏差 $\sigma(X) = \sqrt{V(X)} = \sqrt{npq}$

- 11 連続型確率変数・確率密度関数の定義および性質 グループ 1 重要度 A
- 連続型確率変数：連続した値をとる確率変数

連続型確率変数 X の確率分布を考える

X に曲線 $y=f(x)$ を対応させ、 $a \leq X \leq b$ となる確率 $P(a \leq X \leq b)$ が、右の図の斜線部分の面積で表されるようにする。

分布曲線：曲線 $y=f(x)$ のこと 確率密度関数：関数 $f(x)$ のこと



確率密度関数 $f(x)$ の性質

- ① 常に $f(x) \geq 0$ である。 ② $P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) dx$ ③ $a \leq X \leq \beta$ のとき $\int_a^\beta f(x) dx = 1$

単元終了時に単元まとめマップ（次ページ参照）を作成
時間短縮のため**準備シート**を切り貼りして配置を
考える。



- ・重要度が高いものを中央に配置
- ・内容の関連性を補う項目を記入
- ・**作成上の工夫**も文章で記述

教員は以上のことができるよう支援する。

単元まとめマップ 2 実施手順②

単元まとめマップのワークシートの例 (A3サイズ)

【作業前】

準備シートから
切り取ったもの

1 確率変数-確率分布の定義 グループ 重要度

確率変数：試行の結果によってその値が定まり、各値に対してその値をとる確率が定まるような変数
 $P(X=a)$ ：確率変数 X が値 a をとる確率

X の確率分布 (「 X はこの分布に従う」という)

X	x_1	x_2	...	x_n	計
P	p_1	p_2	...	p_n	1

10 二項分布に従う確率変数の期待値、分散、標準偏差 グループ 重要度

確率変数 X が二項分布 $B(n, p)$ に従うとき

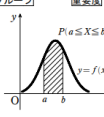
期待値 $E(X) = np$ 分散 $V(X) = npq$ ($q=1-p$)

標準偏差 $\sigma(X) = \sqrt{V(X)} = \sqrt{npq}$

11 連続型確率変数-確率密度関数の定義および性質 グループ 重要度

連続型確率変数：連続した値をとる確率変数

連続型確率変数 X の確率分布を考える
 X に曲線 $y=f(x)$ を対応させ、 $a \leq X \leq b$ となる確率 $P(a \leq X \leq b)$ が、右の図の斜線部分の面積で表されるようにする。
 分布曲線：曲線 $y=f(x)$ のこと 確率密度関数：関数 $f(x)$ のこと



確率密度関数 $f(x)$ の性質
 常に $f(x) \geq 0$ である。 $\odot P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) dx$ $\odot a \leq X \leq b$ のとき $\int_a^b f(x) dx = 1$

9 二項分布の定義 グループ 重要度

二項分布： n 回の反復試行において、事象 A の起こる回数を X としたときの確率分布 $B(n, p)$

X	0	1	...	r	...	n	計
P	${}_nC_0 q^n$	${}_nC_1 p q^{n-1}$...	${}_nC_r p^r q^{n-r}$...	${}_nC_n p^n$	1

数学B

➔

※レイアウト等ではなく数学的な意味で (グループ分けの意図 など)

【作業後】

数学B 統計的な推測 単

1 確率変数-確率分布の定義 グループ 重要度

確率変数：試行の結果によってその値が定まり、各値に対してその値をとる確率が定まるような変数
 $P(X=a)$ ：確率変数 X が値 a をとる確率

X の確率分布 (「 X はこの分布に従う」という)

X	x_1	x_2	...	x_n	計
P	p_1	p_2	...	p_n	1

10 二項分布に従う確率変数の期待値、分散、標準偏差 グループ 重要度

確率変数 X が二項分布 $B(n, p)$ に従うとき

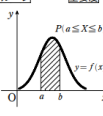
期待値 $E(X) = np$ 分散 $V(X) = npq$ ($q=1-p$)

標準偏差 $\sigma(X) = \sqrt{V(X)} = \sqrt{npq}$

11 連続型確率変数-確率密度関数の定義および性質 グループ 重要度

連続型確率変数：連続した値をとる確率変数

連続型確率変数 X の確率分布を考える
 X に曲線 $y=f(x)$ を対応させ、 $a \leq X \leq b$ となる確率 $P(a \leq X \leq b)$ が、右の図の斜線部分の面積で表されるようにする。
 分布曲線：曲線 $y=f(x)$ のこと 確率密度関数：関数 $f(x)$ のこと



確率密度関数 $f(x)$ の性質
 常に $f(x) \geq 0$ である。 $\odot P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) dx$ $\odot a \leq X \leq b$ のとき $\int_a^b f(x) dx = 1$

※レイアウト等ではなく数学的な意味で (グループ分けの意図 など)

他分野でも実践できそう!

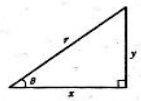
単元まとめマップの生徒作成例 (A3サイズ)

数学A 図形の性質・数学II 三角関数
数学B 数列
...など

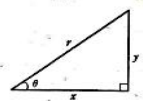
数学I 図形と計量 まとめマップ

＜三角比の定義＞

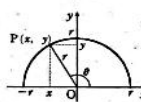
1 正弦・余弦・正接①
右の図の直角三角形において
 $\sin \theta = \frac{y}{r}$ (正弦), $\cos \theta = \frac{x}{r}$ (余弦),
 $\tan \theta = \frac{y}{x}$ (正接)



2 正弦・余弦・正接②
右の図の直角三角形において
 $y = r \sin \theta$,
 $x = r \cos \theta$,
 $y = x \tan \theta$



5 座標を用いた三角比の定義 ($0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$)
右の図で、 $\angle AOP = \theta$, $OP = r$, $P(x, y)$
 $\sin \theta = \frac{y}{r}$, $\cos \theta = \frac{x}{r}$, $\tan \theta = \frac{y}{x}$
 $r = |(\text{単位円})_{\text{の}z}|$
 $\sin \theta = \frac{y}{r}$, $\cos \theta = \frac{x}{r}$, $\tan \theta = \frac{y}{x}$



4 $90^\circ - \theta$ の三角比 (θ は鋭角)
 $\sin(90^\circ - \theta) = \cos \theta$, $\cos(90^\circ - \theta) = \sin \theta$, $\tan(90^\circ - \theta) = \frac{1}{\tan \theta}$

7 $180^\circ - \theta$ の三角比 ($0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$)
 $\sin(180^\circ - \theta) = \sin \theta$, $\cos(180^\circ - \theta) = -\cos \theta$, $\tan(180^\circ - \theta) = -\tan \theta$

三角比のとり値の範囲 ($0^\circ \leq \theta \leq 360^\circ$)
 $-1 \leq \sin \theta \leq 1$
 $-1 \leq \cos \theta \leq 1$
 $\tan \theta \dots$ 実数全体

9 直線の傾きと正接
直線 $y = mx$ と x 軸の正の向きとのなす角を θ とすると $m = \tan \theta$

6 三角比の符号とそのとる値の範囲 ($0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$)

θ	0°	鋭角	90°	鈍角	180°	とる値の範囲
$\sin \theta$	0	+	1	+	0	$0 \leq \sin \theta \leq 1$
$\cos \theta$	1	+	0	-	-1	$-1 \leq \cos \theta \leq 1$
$\tan \theta$	0	+	-	-	0	実数全体

＜三角比の黄金リレー＞

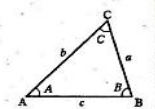
3辺の長さ → **17** ヘロンの公式
3辺の長さが a, b, c である $\triangle ABC$ の面積 S は
 $2s = a + b + c$ とすると $S = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

11 余弦定理
 $\triangle ABC$ において、次が成り立つ。
1 $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$, $b^2 = c^2 + a^2 - 2ca \cos B$, $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$
2 $\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$, $\cos B = \frac{c^2 + a^2 - b^2}{2ca}$, $\cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$

8 三角比の相互関係 ($0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$)
1 $\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$ 2 $\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ 3 $1 + \tan^2 \theta = \frac{1}{\cos^2 \theta}$

10 正弦定理
 $\triangle ABC$ の外接円の半径を R とすると $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$

13 三角形の面積
 $\triangle ABC$ の面積 S は、次の式で表される。
 $S = \frac{1}{2} bc \sin A$, $S = \frac{1}{2} ca \sin B$,
 $S = \frac{1}{2} ab \sin C$



16 三角形の内接円と面積
 $\triangle ABC$ の面積を S , 内接円の半径を r とすると $S = \frac{1}{2} r(a+b+c)$

＜三角形の辺と角の関係＞

12 三角形の角と辺の関係
 $\triangle ABC$ において、次が成り立つ。
 $b^2 + c^2 > a^2 \iff \cos A > 0 \iff A$ は鋭角
 $b^2 + c^2 = a^2 \iff \cos A = 0 \iff A$ は直角
 $b^2 + c^2 < a^2 \iff \cos A < 0 \iff A$ は鈍角

15 三角形の辺と角
三角形の3つの辺(3辺, 3つの角)のうち、少なくとも1つの辺を含む3つの要素が与えられたとき、残りの要素を求めることができる。
1 3辺 (a, b, c) から
余弦定理で角 (A, B, C) なの $C = 180^\circ - (A+B)$

単元まとめマップの記述により2項目で評価する <評価基準の例>

項目	粘り強く学習に取り組む態度	自己の学習を調整する力
評価対象	まとめマップの完成度	まとめ方の工夫欄の記述内容
A	内容の関連性がよく分かるまとめマップを完成することができる。	数学的に要領を得たまとめ方の工夫について記述している。
B	まとめマップを完成することができる。	まとめ方の工夫について記述している。
C	まとめマップを完成することができていない。	記述が不十分である。

成果（生徒の声）

単元全体を振り返ることができた。

項目ごとの関連性を意識できた。

課題

個人作業ではまとめ作業に時間がかかる。

(改善案) **グループで1枚**にまとめる活動とする。